



## Genel Doğrusal ve Çok Seviyeli Doğrusal Büyüme Modelleri Kullanılarak Etlik Piliçlerde Büyümenin Değerlendirilmesi\*

Volkan İZGİ<sup>1</sup>, Suna AKKOL<sup>2\*\*</sup>, Ahmet TEKELİ<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Zeve İlköğretim Okulu, Van, TÜRKİYE

<sup>2</sup>Van Yüzüncü Yıl Üniversitesi, Ziraat Fakültesi, Zootekni Bölümü, Van, TÜRKİYE

Geliş Tarihi/Received: 21.02.2020

Kabul Tarihi/Accepted: 30.06.2020

ORCID ID (Yazar sırasına göre / by author order)

orcid.org/0000-0001-5417-1962 orcid.org/0000-0001-5123-7516 orcid.org/0000-0002-6525-7267

\*Sorumlu Yazar/Corresponding Author: sgakkol@yyu.edu.tr

**Öz:** Bu çalışma, genel doğrusal ve çok seviyeli doğrusal büyümeye modellerini kullanarak büyümeye eğrisi modellerini karşılaştırmak ve etlik piliçlerde büyümeye farklılıkların tespit edilmesi amacıyla yapılmıştır. Bu amaçla 74 erkek etlik pilicin canlı ağırlık kayıtlarını içeren veri seti kullanılmıştır. Ölçümler yumurtadan çıkıştan altıncı haftaya kadar haftada bir olmak üzere bireysel olarak kaydedilmiştir. Verilerin analizi için, genel doğrusal modellerden iki ve çok seviyeli doğrusal modellerden üç olmak üzere beş farklı büyümeye modeli kullanılmıştır. Değişimini en iyi açıklayan modeli bulmak için; log olabilirlik (log-likelihood,  $\text{ll}$ ), Akaike bilgi ölçütü (Akaike Information Criteria, AIC), Bayes bilgi ölçütü (Bayesian Information Criteria, BIC), düzeltilmiş Akaike bilgi ölçütü (AIC Corrected, AICC) ve olabilirlik oran testi (Likelihood Ratio Test, LRT)'nden faydalananmıştır. Çalışmanın sonuçları, çok seviyeli büyümeye modellerinin genel doğrusal modellerden daha hassas tahminler yaptığını ve büyümeyi en iyi açıklayan modelin en küçük uyum ölçütlerine sahip "kesim noktası ve eğimin şansa bağlı olduğu kuadratik büyümeye modeli" olduğunu ortaya koymuştur. Bu modele göre, erkek etlik piliçlerde büyümeye üzerine zamanın lineer ve kuadratik etkisiyle birlikte yumurtadan çıkıştan itibaren büyümemin takip edildiği süre boyunca bireysel farklılıkların anlamlı olduğu sonucuna varılmıştır.

**Anahtar Kelimeler:** Ross etlik piliç, büyümeye eğrisi, hiyerarşik veri, tekrarlamalı ölçüm, kovaryans yapısı

## Evaluation of Growth in Broiler Chicken Using General Linear and Multi-Level Linear Growth Models

**Abstract:** This study was conducted to compare the growth curve models using general linear and multi-level linear growth models and to determine the differences in growth in broiler chickens. For this purpose, a data set containing live weight records of 74 male broiler chickens was used. The measurements were recorded individually, once a week, from hatching to the sixth week. For the analysis of the data, five different growth models, two of the general linear models, and three of the multi-level linear models were used. To find the model that best explains the change; log-likelihood ( $\text{ll}$ ), Akaike information criterion (AIC), Bayes information criterion (BIC), corrected Akaike information criterion (AICC) and Likelihood ratio test (LRT) were used. The results of the study showed that multi-level growth models make more precise predictions than general linear models, and the model that best describes growth is the "*random intercept and random slope quadratic growth model*" with the smallest fit criteria. According to this model, it was demonstrated that the chickens had significantly different weights since hatching, where the linear and quadratic effect on growth was significant in male broiler chickens, and that individual differences continued significantly during the period of growth.

**Keywords:** Ross broiler, growth curve, hierarchical data, repeated measurement, covariance structure

\*: Bu çalışma, Van Yüzüncü Yıl Üniversitesi, Fen Bilimleri Enstitüsü tarafından kabul edilen birinci yazar'a ait "Çok Seviyeli Doğrusal, Genel Doğrusal ve Doğrusal Olmayan Büyüme Modellerinin İncelenmesi ve Hayvancılık Alanında Uygulaması" isimli Yüksek Lisans Tez çalışmasından üretilmiştir.

## 1. Giriş

İnsanların sağlıklı bir şekilde hayatlarını devam ettirebilmesi dengeli beslenme ile mümkün olmaktadır. Hayvansal protein kaynakları dengeli beslenme için son derece önemli besin gruplarından biridir. Kanatlı eti hayvansal protein kaynakları içinde ayrı bir öneme sahip olup, bu protein kaynağına ülkesel ve küresel talebin giderek artacağı tahmin edilmektedir. Bununla birlikte diğer çiftlik hayvanlarına göre kanatlı üretiminin daha kısa sürede yapılabilmesi, yemden yararlanma oranlarının diğer çiftlik hayvanlarından daha iyi olması, üretim maliyetinin düşük ve karlılığın yüksek olması, kanatlı üretiminin önemlilik sağlaymıştır. Ayrıca kanatlı üretiminin diğer çiftlik hayvanlarına göre daha çevre dostu olması kanatlı üretiminin tercih edilme nedenlerinin bir diğeridir. Tüm bu nedenlerden dolayı, tüketici açısından kanatlı etine ulaşım, hem kolay hem de daha ekonomik olmaktadır.

Canlinin, zaman içinde kütle ve hacminde meydana gelen niceliksel artış şeklinde tanımlanan büyümeye, diğer bir ifade ile zaman içinde bir canlinin ağırlığı ve beden ölçülerinde meydana gelen değişim olarak tanımlanmaktadır (Çolak ve ark., 2006a, 2006b; Yıldız ve ark., 2009). Büyüme eğrisi, canlinin genetik potansiyeli ve çevresel faktörlerin etkisi altında şekillenen, canlinin ağırlığı ve zaman ya da yaşı arasındaki istatistiksel ilişkiye göstergesidir (Akbulut ve ark., 2004). Buna göre büyümeye eğrisi aynı zamanda “ağırılık-yaş” eğrisi olarak tanımlanmıştır (Efe, 1990). Büyüme eğrisinin şekli; canlinin türüne, yetişirildiği çevre koşullarına ve incelenen özelliğine göre değişiklik göstermektedir (Efe, 1990; Bilgin ve Esenbuğa, 2003).

Hayvancılık alanında çalışan araştırmacılar tarafından canlıda meydana gelen büyümeyi açıklanabilmesi amacıyla çeşitli büyümeye eğrisi modelleri kullanılmıştır (Kocabas ve ark., 1997; Yıldız ve ark., 2009). Canlıların büyümeleri her zaman doğrusal modellerle açıklanamadığı için büyümeyi modellenmesinde doğrusal olmayan modellerin kullanılmasına ihtiyaç duyulmuştur (Bilgin ve Esenbuğa, 2003). Negatif Eksponensiyal, Brody, Lojistik, Gompertz, Bertalanffy, Richards, Weibull gibi doğrusal olmayan büyümeye eğrisi modelleri, etlik piliçlerin büyümeyi modellemek amacıyla çeşitli araştırmacılar tarafından sıkılıkla kullanılmıştır (Zhao ve ark., 2015; Alkan ve Birgül, 2016; Michalczuk ve ark., 2016; Demuner ve ark., 2017; Masoudi ve Azarfard, 2017; Araújo ve ark., 2018; Eleroğlu ve ark., 2018).

Büyüme verileri aslında zaman içinde tekrarlamalı olarak elde edilen veriler olup

hiyerarşik veya sınıflandırılmış yapıya sahiptirler. Bu tip veriler için kullanılan modeller, hiyerarşik veya çok seviyeli modeller olarak tanımlanmaktadır (Golstein, 2011). Büyüme verilerinde tekrarlamalı ölçümler bireyler içinde sınıflandırılmıştır. Bu hali ile bireyler seviye-2 ve bireylerden zamana bağlı olarak alınan veriler seviye-1 birimlerini göstermektedir. Çok seviyeli modelleme mantığında büyümeye verileri, iki seviyeli bir yapıya sahip olmaktadır (Singer, 1998; Van Der Leeden, 1998; Hedeker, 2004; Kristjansson ve ark., 2007; Akkol ve ark., 2018, Ghaderi-Jzefrehei ve ark., 2018). Sosyal bilimler başta olmak üzere çeşitli çalışma alanlarında kullanılan çok seviyeli modeller son yıllarda hayvancılık alanındaki verilerin analiz edilmesinde de kullanılmaya başlanmıştır (Simsek ve Fırat, 2011; Akkol ve ark., 2018; Ghaderi-Jzefrehei ve ark., 2018).

Bu çalışmada, yumurtadan çıkıştan itibaren altıncı haftaya kadar bireysel ağırlıkları almış Ross erkek etlik piliçlerin büyümeye eğrisinin genel doğrusal regresyon ve iki seviyeli koşulsuz doğrusal regresyon modelleri kullanılarak elde edilmesi ve büyümeyi en iyi açıklayan modelin bulunması amaçlanmıştır.

## 2. Materyal ve Yöntem

### 2.1. Materyal

Çalışmanın veri setini bireysel kafeslerde büyütülen 74 adet Ross erkek etlik piliçlerden alınan ağırlık ölçümleri oluşturmaktadır. Bireysel olarak alınan ölçümlerin ilki yumurtadan çıkış ağırlığı ve diğerleri haftada bir olmak üzere altı hafta süreyle tartımı yapılmış ağırlıkları göstermektedir. Her bir etlik piliçten toplamda yedi kez yapılan ölçümler veri setinin tamamını oluşturmaktadır.

### 2.2. Yöntem

Doğrusal regresyon modelleri, canlılardaki büyümeye seyrinin bazı dönemlerde sabit gerçekleştiği durumlarda kullanılan modellerdir. Çalışmada kullanılan doğrusal modeller zamana bağlı değişimin basit etkisinin incelendiği lineer model ve zamanın basit etkisinin yanı sıra ikinci dereceden etkisinin de incelendiği kuadratik modellere ilişkin denklemler sırasıyla Eşitlik 1 ve 2'de verilmiştir.

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 t + e_t \quad (1)$$

$$Y_t = \beta_0 + \beta_1 t + \beta_2 t^2 + e_t \quad (2)$$

Bu eşitliklerde,  $Y_t$ ,  $t$ 'ninci günlük yaşta gözlenen ağırlığı;  $t$ , ağırlığın alındığı zamanı

göstermektedir. Doğrusal modellerde  $\beta_0$ , incelenen özellik bakımından doğrunun y eksenini kestiği başlangıç değeri, bir diğer ifadeyle kesim noktasıdır.  $\beta_1$  ve  $\beta_2$  doğrusal modellerdeki regresyon katsayılarını gösterir.

Çok seviyeli doğrusal modeller başlığı altında iki seviyeli koşulsuz doğrusal büyümeye modelleri kullanılmıştır. İki seviyeli bir modelde büyümeye verilerinin tekrarlamalı ölçümleri seviye-1 ve ölçümün alındığı cıvcıvler seviye-2 olarak ifade edilir. Bu modellerde zaman dışında herhangi bir bağımsız değişken yer almaz. Çalışmada, "kesim noktasının şansa bağlı olduğu doğrusal büyümeye modeli" (Model I), "kesim noktası ve eğimin şansa bağlı olduğu doğrusal büyümeye modeli" (Model II) ve "kesim noktası ve eğimin şansa bağlı olduğu kuadratik büyümeye modeli" (Model III) kullanılmıştır. Bu modellere ilişkin eşitlikler (Eşitlik 3-11) sırasıyla aşağıda verilmiştir.

$$\text{Model I: Seviye-1: } Y_{ti} = \pi_{0i} + \pi_{1i}T_{ti} + e_{ti} \quad (3)$$

$$\begin{aligned} \text{Seviye-2: } \pi_{0i} &= \beta_{00} + u_{0i} \\ \pi_{1i} &= \beta_{10} \end{aligned} \quad (4)$$

Seviye 2'de verilenler seviye 1'de yerine konulduğunda, 5 numaralı Eşitlik aşağıdaki gibi yazılmaktadır.

$$Y_{ti} = \beta_{00} + \beta_{10}T_{ti} + u_{0i} + e_{ti} \quad (5)$$

Eşitlik 5'te  $Y_{ti}$ ,  $i$ 'inci cıvcivin  $t$ 'inci ölçüm zamanındaki canlı ağırlığını;  $T_{ti}$ ,  $i$ 'inci birey için  $t$ 'inci ölüm zamanını gösteren zaman değişkenini;  $\beta_{00}$ , kesim noktası, yani zamanın sıfır olduğu noktada cıvcıvların genel-ortalama canlı ağırlık skorunu ve  $\beta_{10}$ , eğimi yani zamana göre canlı ağırlık skorundaki ortalama değişim miktarını ifade etmektedir. Eşitlik 5'te yer alan  $u_{0i}$ , seviye-2 hata terimi olup  $\mathbf{u}_i = u_{0i} \sim N(0, \sigma_{u_0}^2)$  ve  $e_{ti}$ , seviye-1 hata terimi olup  $e_{ti} \sim N(0, \sigma_e^2)$  varsayımlına sahiptir.

$$\text{Model II: Seviye-1: } Y_{ti} = \pi_{0i} + \pi_{1i}T_{ti} + e_{ti} \quad (6)$$

$$\begin{aligned} \text{Seviye-2: } \pi_{0i} &= \beta_{00} + u_{0i} \\ \pi_{1i} &= \beta_{10} + u_{1i} \end{aligned} \quad (7)$$

Seviye-2'de verilenler seviye-1'de yerine konulduğunda 8 numaralı Eşitlik elde edilir.

$$Y_{ti} = \beta_{00} + \beta_{10}T_{ti} + u_{1i}T_{ti} + u_{0i} + e_{ti} \quad (8)$$

Burada  $Y_{ti}$ ,  $T_{ti}$ ,  $\beta_{00}$ ,  $\beta_{10}$  daha önce açıklandığı gibidir.  $\mathbf{u}_i$  ile  $e_{ti}$  hataları birbirinden bağımsız olup  $e_{ti} \sim N(0, \sigma_e^2)$ ,  $\mathbf{u}_i = [u_{0i}, u_{1i}]^T \sim N(\mathbf{0}, \Omega_u)$  tanımlaması yapılır.

Model III: Seviye 1:

$$Y_{ti} = \pi_{0i} + \pi_{1i}T_{ti} + \pi_{2i}T_{ti}^2 + e_{ti} \quad (9)$$

$$\begin{aligned} \pi_{0i} &= \beta_{00} + u_{0i} \\ \text{Seviye-2: } \pi_{1i} &= \beta_{10} + u_{1i} \\ \pi_{2i} &= \beta_{20} \end{aligned} \quad (10)$$

$$Y_{ti} = \beta_{00} + \beta_{10}T_{ti} + \beta_{20}T_{ti}^2 + u_{1i}T_{ti} + u_{0i} + e_{ti} \quad (11)$$

Bu modelde zamanın doğrusal etkisiyle birlikte zamanın kuadratik etkisi de modele dahil edilmiştir ( $T_{ti}^2$ ). Yukarıda 11 numaralı eşitlikte yer alan sabit ve şansa bağlı etkilere ilişkin açıklamalar daha önce yapıldığı gibidir.

Çok seviyeli bir model için tahmin yapılması, aslında genel doğrusal karışık bir modelde (General Linear Mixed Model, GLMM) tahmin yapılmasına benzer olmaktadır. Zira GLMM doğrusal tahmin denklemine şansa bağlı etki veya etkilerin ilave edilmesi ile elde edilen bir modeldir (Breslow ve Clayton, 1993; Lin ve Breslow, 1996). GLMM'de olduğu gibi iki seviyeli bir regresyon modeli için 12 numaralı Eşitlik aşağıdaki gibi yazılmaktadır.

$$y = X\beta + Zu + e \quad (12)$$

Burada  $X$  ve  $Z$ , sırasıyla sabit ve şansa bağlı etkilere ait desen matrisi;  $\beta$  ve  $u$ , sabit ve şansa bağlı etkilere ait parametre vektörü;  $e$ , hata vektördür.  $y$  değişkeni için normal dağılımlı olduğu varsayıldığında model için;  $y|u \sim MVN(X\beta + Zu, R)$ ,  $u \sim MVN(0, G)$  ve  $e \sim MVN(0, R)$  varsayımları yapılmaktadır. Bu varsayımlar diğer bir ifade ile 13 numaralı eşitlikte verildiği gibi olur.

$$E\begin{bmatrix} \bar{u} \\ \bar{e} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \bar{0} \\ \bar{0} \end{bmatrix} \text{ ve } Var\begin{bmatrix} \bar{u} \\ \bar{e} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \bar{G} & \bar{0} \\ \bar{0} & \bar{R} \end{bmatrix} \quad (13)$$

Buna göre  $y$  değişkeninin varyansı  $Var(y) = V = \bar{Z}\bar{G}\bar{Z}' + \bar{R}$  olur. Burada  $Z$  şansa bağlı etkilerin desen matrisidir.  $\bar{G}$  ve  $\bar{R}$ 'nin yapısına göre uygun kovaryans matrisi kullanılarak modellerin uyumu yapılmıştır. Bu amaçla tahmin yöntemi olarak En Çok Olabilirlik (Maximum

Likelihood, ML) ve Kısıtlanmış En Çok Olabilirlik (Restricted Maximum Likelihood, REML) yöntemlerini esas alan İteratif Genelleştirilmiş En Küçük Kareler (Iterative Generalised Least Squares, IGLS) ve Kısıtlanmış İteratif Genelleştirilmiş En Küçük Kareler (Resrticted Iterative Generalised Least Squares, RIGLS) tahmin yöntemleri (Goldstein, 2011) ile birinci derecede Autoregressive (AR1), Bileşik Simetri (Compound Symetri, CS), Yapısal Olmayan (Unstructured, UN), Toepliz (Toep), Heterojen Birinci Dereceden Autoregresive (Heterogenous AR1, ARH1), Heterojen Bileşik Simetri (Heterogenous CS, CSH), Heterojen Toepliz (Heterogenous Toep, ToepH) kovaryans yapıları kullanılmıştır.

Kovaryans yapısının belirlenmesi ve model seçimi için Log olabilirlik (Log-likelihood,  $ll$ ), Akaiki Bilgi Ölçütü (Akaike Information Criteria, AIC), Bayes Bilgi Ölçütü (Bayesian Information Criteria, BIC) ve düzeltilmiş Akaiki Bilgi Ölçütü (AIC Corrected, AICC) kullanılan uyum ölçütleridir. AIC, log-olabilirlik ve parametre sayısını (Akaike, 1974), BIC ise log-olabilirlik ve parametre sayısı ile birlikte örnek büyüğünü kullanmaktadır (Schwarz, 1978). AIC, BIC ve AICC (Hurvich ve Tsai, 1989) sırasıyla 14 numaralı eşitlikte verildiği gibidir.

$$AIC = -2ll + 2p \quad (14)$$

$$BIC = 2ll + p \ln(n)$$

$$AICC = AIC + \frac{2p(p+1)}{n-p-1}$$

Burada  $ll$ , Log-olabilirlik;  $p$ , parametre sayısı ve  $n$ , örnek büyüğünü gösterir. En küçük AIC, BIC ve AICC değerine sahip olan model en iyi model olarak belirlenir.

Çalışmanın istatistik analizleri için SAS (9.3) paket programından faydalanilmıştır.

### 3. Bulgular ve Tartışma

Çalışmanın herhangi bir döneminde ölüm ile sonuçlanan bireylere ilişkin ölçümelerin tamamı veri setinden uzaklaştırılmış ve 74 erkek etlik piliçe ait veri kullanılmıştır. Erkek etlik piliçlerin yumurtadan çıktıktan kesime kadar haftada bir olmak üzere, ölçümü yapılmış olan bireysel canlı ağırlıklarına ( $g$ ) ilişkin tanımlayıcı istatistikler Tablo 1'de verilmiştir. Çalışma başlangıcında yumurtadan çıkış ağırlıkları ortalama 42.7 g iken, çalışmanın tamamlandığı kesim öncesi ulaşılan ortalama canlı ağırlık 2250.16 g olmuştur. Varyasyon katsayısının 6.04 ila 16.46 arasında değiştiği görülmektedir. Etlik piliçler arası varyans, ölçüm zamanlarında sabit kalmayıp zamanla artış göstermiştir (Tablo 1).

**Tablo 1.** Erkek etlik piliçlerin yumurtadan çıktıktan kesime gidinceye yapılan canlı ağırlık ölçümüne ait tanımlayıcı istatistikler

Zaman	n	$\bar{X} \pm SS$	Varyans	VK	Minimum	Maksimum
1	74	42.70±2.59	6.65	6.04	38.6	49.6
2	74	129.82±19.02	361.58	14.65	67.8	164.4
3	74	342.92±56.44	3184.9	16.46	136.0	456.0
4	74	655.86±103.07	10623.65	15.72	250.0	856.0
5	74	1091.84±170.66	29124.71	15.63	444.0	1387.0
6	74	1655.18±249.19	62093.22	15.05	729.0	2135.0
7	74	2250.16±314.52	98921.95	13.98	1112.0	2802.0

n: Gözlem sayısı, VK: Varyasyon katsayısı (%)

Yumurta çıkışından kesime kadar olan süre içindeki gelişimi belirleyebilmek için başlangıçta lineer ve kuadratik büyümeye modelleri çalıştırılmıştır. Her iki model için ML ve REML tahmin yöntemleri kullanılarak elde edilen uyum ölçütleri Tablo 2'de verilmiştir. Her iki genel doğrusal model bakımından Tablo 2 incelendiğinde, en küçük -2LL, AIC, AICC ve BIC değerlerinin REML tahmin yöntemi ile elde edildiği görülmektedir. Buna göre, her iki model için REML yöntemi ile elde edilen sonuçların literatür ile uyumlu olarak ML'den daha isabetli tahminler ürettiği ortaya konulmuştur. Patterson ve Thompson (1971) tarafından geliştirilen REML yöntemi, olabilirlik fonksiyonunu iki kısma

ayırılması esasına dayanmaktadır. Bu kısımlardan biri sabit etkilerin olmadığı kısmı olup, REML yönteminde olabilirliğin sadece bu kısmı maksimize edilmektedir (Akkol, 1998; Ünalan ve Çankaya, 2012). Bu yönü ile avantajlı olan REML yönteminin ML'den daha sapmaz tahminler verdiği bildirilmiştir (Fırat ve Bek, 1997; Akkol, 1998).

ML ve REML tahmin yöntemleri lineer ve kuadratik modeller bakımından değerlendirildiğinde, kuadratik modelin daha küçük uyum ölçütlerine sahip olduğu Tablo 2'de görülmektedir. Daha sapmaz tahminler yapan REML yönteminde kuadratik model için uyum

ölçütleri, -2LL, AIC, AICC ve BIC sırasıyla 44.5, 46.5, 48.5, ve 45.9 olup kuadratik modelin, zamana bağlı olarak canlı ağırlıkta meydana gelen değişimi lineer modelden daha iyi açıkladığını ortaya koymaktadır. Zira hayvanlarda erken dönemlerdeki büyümeyenin genellikle doğrusal bir artış gösterdiği bilinmesine rağmen, yapılan çalışmalarında doğrusal artışı açıklayan modellerin her zaman tek başına yeterli olmayacağı ortaya konulmuştur (Bilgin ve Esenbuğa, 2003; Topal ve ark., 2004; Bayram ve Akbulut, 2009; Daskiran ve ark., 2010).

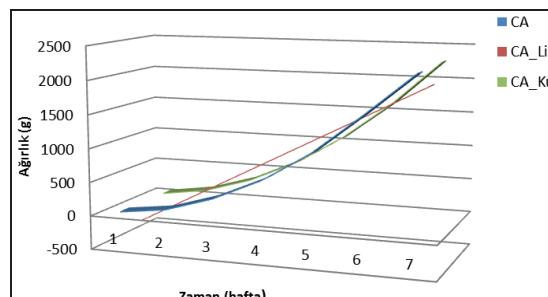
**Tablo 2.** Lineer ve kuadratik modele ilişkin uyum ölçütleri

Uyum ölçütleri	Lineer model		Kuadratik model	
	ML	REML	ML	REML
-2LL	93.1	73.5	57.0	44.5
AIC	99.1	75.5	65.0	46.5
AICC	107.1	76.8	85.0	48.5
BIC	99.0	75.1	64.8	45.9

LL: Log olabilirlik, AIC: Akaike bilgi ölçütü, AICC: Düzeltilmiş AIC, BIC: Bayes bilgi ölçütü

Gözlenen canlı ağırlık değerleri (CA), REML yöntemi kullanılarak doğrusal ve kuadratik modellende elde edilen tahmin değerlerinin (CA\_Li: Doğrusal model ile elde edilen tahmin değeri, CA\_Ku: Kuadratik model ile elde edilen tahmin

değeri) zaman bağlı değişim grafiği Şekil 1'de sunulmuştur. Tablo 2'de verilen bilgileri destekleyen Şekil 1'de, CA değerlerine ait eğriye en yakın eğrinin CA\_Ku değerleri ile elde edildiği görülmektedir.



**Şekil 1.** Zamana göre gözlenen (CA), lineer (CA\_Li) ve kuadratik (CA\_Ku) model ile tahmin edilen canlı ağırlıkların grafiği

Lineer ve kuadratik regresyon modelleri, REML yöntemi kullanılarak analiz edilmiş ve elde edilen tahmin ve standart hatalar Tablo 3'te verilmiştir. Lineer modelde zamanın doğrusal etkisinin anlamlı olduğu ( $p<0.001$ ); kuadratik modelde zamanın hem doğrusal ( $p<0.05$ ) hem de kuadratik etkisinin ( $p<0.01$ ) anlamlı olduğu Tablo 3'te görülmektedir.

**Tablo 3.** Lineer ve kuadratik modele ait tahmin ve standart hatalar

Katsayılar	Lineer model		Katsayılar	Kuadratik model		
	$\bar{x}$	$\pm SH$		p		
$\beta_0$	-235.43±151.26		0.180	$\beta_0$	34.60±16.36	0.102
$\beta_1$	372.22±41.95		0.001	$\beta_1$	48.17±12.77	0.020
				$\beta_2$	54.01±2.04	0.001

SH: Standart hata

Çalışmanın bir sonraki aşamasında çok seviyeli doğrusal modeller kullanılarak etlik piliçlerin canlı ağırlıklarındaki değişim modellenmeye çalışılmıştır. Bu amaçla, Model I, Model II ve Model III, hem ML hem de REML tahmin yöntemleri kullanılarak analiz edilmiştir. Her iki tahmin yöntemi için AR1, CS, UN, Toep, ARH1, CSH ve ToepH kovaryans yapıları kullanılmış ve uyum ölçütleri Tablo 4'te verilmiştir. Tablo 4'te RIGLS tahmin yöntemi ile elde edilen uyum ölçütlerinin IGLS yöntemi ile elde edilenlerden daha küçük olduğu görülmektedir. Buna göre çalışma verisi için RIGLS tahmin yönteminin IGLS'den daha iyi olduğu ortaya konulmuştur. Elde edilen bu sonuç, literatür ile uyumlu olmuştur (Brown, 1998; Browne ve Draper, 2001; Goldstein, 2011).

Çalışmada kullanılan Model I için RIGLS tahmin yöntemi kullanılarak elde edilen uyum

ölçütleri değerlendirildiğinde, UN ve Toep, kovaryans yapılarının aynı değere sahip olup diğerlerinden daha küçük olduğu görülmektedir. Model II ve Model III için en küçük uyum ölçütlerinin UN kovaryans yapısı ile sağlandığı görülmektedir (Tablo 4). Zira en küçük -2LL, AIC, AICC, BIC değerleri UN kovaryans yapısı kullanımlıca elde edilmiştir. Yapılan çalışmalarında tekrarlamalı olarak elde edilen ölçümlerin analizinde modeli açıklayan en iyi kovaryans yapısının UN olduğu ortaya konulmuş ve bu çalışmanın sonuçları ile uyumlu olmuştur (Ser ve ark., 2013; Akkol, 2018; Akkol ve ark., 2019). RIGLS tahmin yöntemi ve UN kovaryans yapısı kullanılarak elde edilen uyum ölçütleri incelendiğinde canlı ağırlıktaki değişimin açıklandığı en iyi modelin, Model III olduğu görülmektedir (Tablo 4).

**Tablo 4.** Model I, Model II ve Model III için ML ve REML tahmin yöntemleri ve farklı kovaryans yapılarına göre model uyum ölçütleri

Model	Tahmin yöntemi	Uyum ölçütü	AR1	CS	UN	Toep	ARH1	CSH	Toeph
Model I	IGLS/ML	-2ll	7186.7	7186.7	<b>7186.7</b>	<b>7186.7</b>	7186.7	7186.7	7186.7
		AIC	7196.7	7196.7	<b>7194.7</b>	<b>7194.7</b>	7196.7	7196.7	7194.7
		AICC	7196.8	7196.8	<b>7194.8</b>	<b>7194.8</b>	7196.8	7196.8	7194.8
		BIC	7208.2	7208.2	<b>7203.9</b>	<b>7203.9</b>	7208.2	7208.2	7203.9
	RIGLS/REML	-2ll	7174.4	7174.4	<b>7174.4</b>	<b>7174.4</b>	7174.4	7174.4	7174.4
		AIC	7180.4	7180.4	<b>7178.4</b>	<b>7178.4</b>	7180.4	7180.4	7178.4
		AICC	7180.4	7180.4	<b>7178.4</b>	<b>7178.4</b>	7180.4	7180.4	7178.4
		BIC	7187.3	7187.3	<b>7183.0</b>	<b>7183.0</b>	7187.3	7187.3	7183.0
Model II	IGLS/ML	-2ll	7107.1	7090.4	<b>7025.7</b>	7090.4	7105.9	7090.4	7105.9
		AIC	7115.1	7100.4	<b>7035.7</b>	7100.4	7115.9	7100.4	7115.9
		AICC	7115.2	7100.5	<b>7035.8</b>	7100.5	7116.0	7100.5	7116.0
		BIC	7124.3	7111.9	<b>7047.2</b>	7111.9	7127.4	7111.9	7127.4
	RIGLS/REML	-2ll	7094.5	7078.0	<b>7014.2</b>	7078.0	7093.3	7078.0	7093.3
		AIC	7098.5	7084.0	<b>7020.2</b>	7084.0	7099.3	7084.0	7099.3
		AICC	7098.5	7084.1	<b>7020.3</b>	7084.1	7099.4	7084.1	7099.4
		BIC	7103.1	7090.9	<b>7027.1</b>	7090.9	7106.2	7090.9	7106.2
Model III	IGLS/ML	-2ll	5789.0	5789.0	<b>5760.1</b>	5789.0	5765.4	5789.0	5765.4
		AIC	5801.0	5801.0	<b>5774.1</b>	5801.0	5777.4	5801.0	5777.4
		AICC	5801.2	5801.2	<b>5774.3</b>	5801.2	5777.6	5801.2	5777.6
		BIC	5814.9	5814.9	<b>5790.2</b>	5814.9	5791.3	5814.9	5791.3
	RIGLS/REML	-2ll	5778.4	5778.4	<b>5750.1</b>	5778.4	5755.1	5778.4	5755.1
		AIC	5784.4	5784.4	<b>5758.1</b>	5784.4	5761.1	5784.4	5761.1
		AICC	5784.4	5784.4	<b>5758.1</b>	5784.4	5761.1	5784.4	5761.1
		BIC	5791.3	5791.3	<b>5767.3</b>	5791.3	5768.0	5791.3	5768.0

ll: Log olabilirlik, AIC: Akaike bilgi ölçütü, AICC: Düzeltilmiş Akaike bilgi ölçütü, BIC: Bayes bilgi ölçütü, AR1: Birinci derecede Autoregressive, CS: Bileşik simetri, UN: Yapısal olmayan, Toep: Toepliz, ARH1: Heterojen birinci dereceden Autoregresive, CSH: Heterojen bileşik simetri, Toeph: Heterojen toepliz

Model I, Model II ve Model III için RIGLS tahmin yöntemi ve UN kovaryans yapısı kullanılarak elde edilen tahmin ve standart hata değerleri Tablo 5'te verilmiştir. Tablo 5'te Model I, II ve III için tüm sabit etkiler ve seviye-2 ve seviye-1 hataları anlamlı bulunmuştur ( $p<0.01$ ). Bu çalışmada iki seviyeli koşulsuz büyümeye modelleri içinde en iyi model Model III olarak belirlenmiştir. Model II kullanıldığında seviye-1 hata miktarında 13111 (56664-43553) birim ve

Model III kullanıldığında seviye-1 hata miktarında Model II'ye göre 41318.17 (43553-2234.83) birim azalma meydana gelmiştir. Seviye 1 hata terimindeki bu azalma modele şansa bağlı etkilerin dahil edilmesi yani çok seviyeli modellerin kullanılması ile açıklanmaktadır (Goldstein, 2011). Bu sonuç, Model III'ün diğer modellere göre canlı ağırlıktaki değişimi daha iyi açıkladığının bir diğer açıklamasıdır. Tablo 5'te civcivlerin yumurtadan çıkış ağırlıkları ortalaması 34.60 g ( $\beta_{00}$ ), zamanın

**Tablo 5.** Model I, Model II ve Model III için REML tahmin yöntemi kullanılarak elde edilen tahmin ve standart hatalar

Model	Sabit etki	$\bar{X} \pm SS$	t	p	Şansa bağlı etki	$\bar{X} \pm SS$	Z	p
Model I	$\beta_{00}$	-235.43±21.42	-10.99	0.001	$\sigma_{u_0}^2$	7653.49±2662.82	2.87	0.002
	$\beta_{10}$	372.21±5.23	71.18	0.001	$\sigma_e^2$	56664.00±3807.32	14.88	0.001
Model II	$\beta_{00}$	-235.43±16.53	-14.24	0.001	$\sigma_{u_0}^2$	0	-	-
	$\beta_{10}$	372.21±17.49	21.28	0.001	$\sigma_{u_{01}}^2$	-16411.00±1717.46	-9.56	0.001
					$\sigma_{u_1}^2$	21082.00±3070.62	6.87	0.001
					$\sigma_e^2$	43553.00±2926.35	14.88	0.001
Model III	$\beta_{00}$	34.60±6.17	5.61	0.001	$\sigma_{u_0}^2$	1116.47±364.63	3.06	0.001
	$\beta_{10}$	48.17±7.30	6.58	0.001	$\sigma_{u_{01}}^2$	-2006.07±397.66	-5.04	0.001
	$\beta_{20}$	54.01±0.60	90.07	0.001	$\sigma_{u_1}^2$	2927.52±497.80	5.88	0.001
					$\sigma_e^2$	2234.83±164.53	13.58	0.001

SS: Standart sapma

ortalama lineer etkisi, yani zamanın doğrusal artışı ile canlı ağırlıkta meydana gelen ortalama değişim miktarı 48.17 g ( $\beta_{10}$ ) ve zamanın kuadratik artışı ile canlı ağırlıkta meydana gelen ortalama değişim miktarı 54.01 g ( $\beta_{20}$ ) olduğu görülmektedir. Bu değerler, Tablo 3'te verilen kuadratik model ile aynı olmuştur. Ancak standart hataların miktarında önemli ölçüde azalma olduğu dikkat çekmektedir. Bunun nedeni Model III'ün iki seviyeli bir büyümeye modeli olarak bireyler arasındaki varyasyonu dikkate almasından kaynaklanmaktadır. Model III'de yer alan şansa bağlı etkilerden  $\sigma_{u_0}^2$ 'nin anlamlı olması etlik piliçlerin yumurtadan çıkış ağırlıklarının birbirlerinden anlamlı miktarda farklı olduğunu ( $p<0.01$ ) ve  $\sigma_{u_1}^2$ 'nin anlamlı olması ise her bir etlik pilicin büyümeye eğrisinin bir diğerinden anlamlı miktarda farklı olduğunu ( $p<0.01$ ) göstermektedir. Kesim noktası ve eğimdeki birlikte değişimin ifadesi olan kovaryans ( $\sigma_{u_{01}}$ ) değeri negatif işaretli olup anlamlı ( $p<0.01$ ) bulunmuştur (Tablo 5). Buna göre yumurtadan çıkış ağırlığı yüksek olan bir cıvcivin daha sonraki

haftalarda kazandığı canlı ağırlık daha düşük, yumurtadan çıkış ağırlığı daha düşük olan bir cıvcivin ise sonraki haftalarda daha yüksek canlı ağırlık kazandığını ortaya koymaktadır.

Genel doğrusal modeller ve iki seviyeli koşulsuz modeller kullanılarak elde edilen uyum ölçütleri Tablo 6'da verilmiştir. Uyum ölçütleri için değerlendirmeye yapıldığında, genel doğrusal ve çok seviyeli doğrusal modeller ayrı başlıklar olarak dikkate alınmıştır. En küçük uyum ölçütüne sahip olan model en iyi model olması nedeniyle uyum ölçütleri bakımından modeller değerlendirilmiştir (Akaike, 1974; Schwarz, 1978; Hurvich ve Tsai, 1989). Buna göre genel doğrusal modeller kullanıldığında en küçük uyum ölçütlerine (-2ll, AIC, AICC ve BIC) kuadratik model sahip olurken, iki seviyeli doğrusal modeller kullanıldığında Model III sahip olmuştur. Tablo 6'da verilen olabilirlik oran test (Likelihood Ratio Test, LRT) sonuçları, genel doğrusal modellerden kuadratik modelin ve iki seviyeli doğrusal modellerden Model III'ün en iyi model olduğunu ortaya koymuştur ( $p<0.01$ ).

**Tablo 6.** Çalışmada kullanılan büyümeye modellerine ilişkin uyum ölçütleri

	-2ll	AIC	AICC	BIC	LRT test	SD	$\chi^2$
Genel doğrusal regresyon modelleri							
Lineer	73.5	75.5	76.8	75.1	-	-	
Kuadratik	44.5	46.5	48.5	45.9	29	1	**
İki seviyeli doğrusal regresyon modelleri							
Model I	7174.4	7178.4	7178.4	7183	-		
Model II	7014.2	7020.2	7020.3	7027.1	160.2	2	**
Model III	5750.1	5758.1	5758.1	5767.3	1264.1	1	**

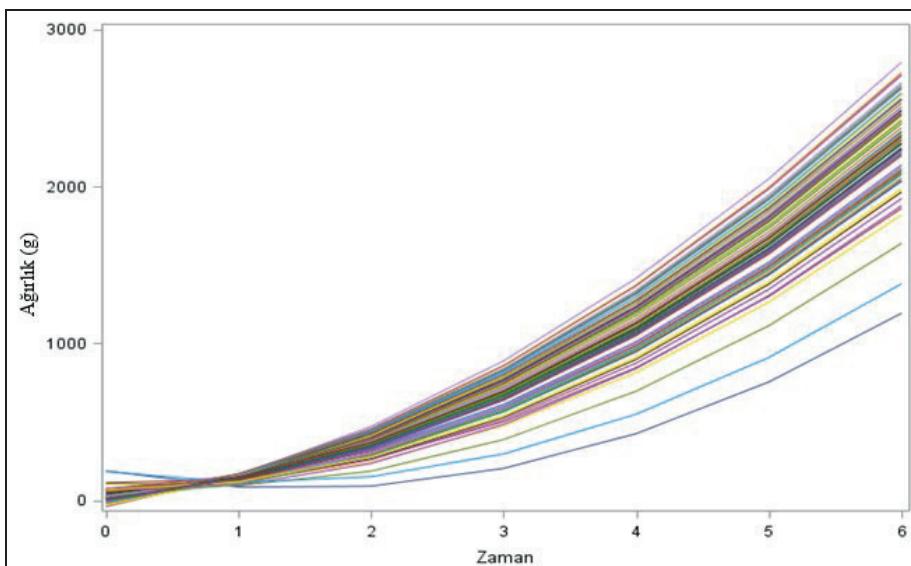
ll: Log olabilirlik, AIC: Akaike bilgi ölçütü, AICC: Düzeltilmiş AIC, BIC: Bayes bilgi ölçütü, SD: Serbestlik derecesi,  $\chi^2$ : Ki kare, \*\*:  $p<0.01$

Büyüme eğrilerinin çalışıldığı hem genel doğrusal hem de doğrusal olmayan modellerde her bir ölçüm zamanında alınan bireysel ölçümlerin ortalamasını kullanmaktadır. Buna rağmen çok seviyeli doğrusal regresyon modelleri başlığı altında incelenen iki seviyeli koşulsuz büyümeye modellerinde bireysel ölçümler analize tabi tutulur. Bu nedenle, genel doğrusal ve iki seviyeli doğrusal modellere ait uyum ölçütlerinin kıyaslanması yerine, kullanılan modeller tahmin hassasiyeti bakımından karşılaştırılmıştır. Buna göre Tablo 3'te kuadratik model ve Tablo 5'teki Model III için sabit etkiler için tahmin ve standart hatalar değerlendirildiğinde, Model III ile elde edilen sabit etkilerin daha küçük standart hatalara sahip olduğu görülmektedir. Bu sonuç, çalışma verisi için Model III'ün kuadratik modelden daha hassas tahminler ürettiğini ortaya koymaktadır. Zira tekrarlamalı ölçüm verilerinde bireysel farklılıkların dikkate alınmasıyla, seviye-1 hata miktarında azalma olduğu literatürde bildirilmiştir

(Singer, 1998; Raudenbush ve Bryk, 2002; Goldstein, 2011; Akkol ve ark., 2018). Buna göre genel çalışmada kullanılan modellerden verideki değişimi en iyi açıklayan model hem ortalama hem de bireysel büyümeye eğrilerinin tahmin edildiği Model III olmuştur. Model III için bireysel büyümeye eğrileri Şekil 2'de verilmiştir. Şekil 2'de etlik erkek piliçlerin her birinin hem yumurtadan çıkış ağırlıklarının hem de kesime gidinceye kadar canlı ağırlıklarında meydana gelen artış miktarlarının birbirlerinden farklı olduğu görülmektedir. Dolayısıyla Şekil 2'de, çalışmada büyümeye verisinin analiz edildiği 74 erkek pilicin her biri için ayrı büyümeye eğrisi yer almaktadır.

#### 4. Sonuçlar

Ekonomik ve sürdürülebilir bir hayvancılık işletmesinde büyümeye performansı önemli bir özellik olarak yerini korumaktadır. Büyümeye, ırklar arasında olduğu kadar aynı ırk içindeki bireyler



**Şekil 2.** Model III (kesim noktası ve eğimin şansa bağlı olduğu kuadratik büyümeye modeli) kullanılarak elde edilen bireysel büyümeye eğrileri

arasında da farklı olmaktadır. Büyüme verileri için çok düzeyli/hiyerarşik modeller kullanılması, veriler arasındaki kovaryans yapısının tanımlanmasından dolayı daha hassas tahminlerin elde edilmesine ve dolayısıyla doğru yorumlamalara imkân tanımaktadır. Bu çalışmada, genel doğrusal ve çok seviyeli/hiyerarşik doğrusal büyümeye modelleri tartışılmış ve iki seviyeli koşulsuz büyümeye modellerinden Model III’ün büyümeye verilerindeki değişimi en iyi açıklayan model olduğu ortaya konulmuştur. Doğrusal olmayan büyümeye eğrisi modelleri araştırmacılar tarafından sıkılıkla kullanılmaktadır. Ancak büyümeye verileri arasındaki kovaryansın dikkate alınmadığı bu modellerin genel doğrusal büyümeye modellerinde olduğu gibi çok düzeyli modelleme mantığında kullanımına olanak sağlayacak çalışmaların yapılması gerekmektedir. Zira Türkiye’nin farklı bölgelerinde özellikle de yüksek rakıma sahip Doğu Anadolu Bölgesi’nde yetiştirecek etlik piliçler için, farklı büyümeye modelleri kullanılarak yapılacak karşılaşmalar ile uygun etlik piliç türlerinin, cinsiyetlerinin ve kesim yaşlarının belirleneceği yeni çalışmalara ihtiyaç duyulmaktadır.

## Kaynaklar

- Akaike, H., 1974. A new look at the statistical model identification. *IEEE Transaction on Automatic Control*, 19(6): 716-724.
- Akbulut, Ö., Bayram, B., Tüzemen, N., 2004. Esmer sığırlarda büyümeyen doğrusal olmayan modellerle analizi. *Atatürk Üniversitesi Ziraat Fakültesi Dergisi*, 35(3-4):165-168.
- Akkol, S.G., 1998. REML ve DFREML yöntemlerinin islah amaçlı çalışmalarında kullanılması. Yüksek lisans tezi, Yüzüncü Yıl Üniversitesi Fen Bilimleri Enstitüsü, Van.
- Akkol, S., Gökdal, Ö., Atay, O., 2019. Evaluation of individual growth performance of goat kids by using multilevel models. *International Journal of Scientific and Technological Research*, 5(3): 88-98.
- Akkol, S., Karakuş, F., Cengiz, F., 2018. Multilevel analysis for repeated measures data in lambs1. *Journal of Agricultural Sciences*, 24(2): 218-226.
- Alkan, S., Birgül, Ö.B., 2016. Etlik piliçlerde embriyonun erken ve geç gelişim dönemlerinde yapılan yüksek ıslı uygulamaların büyümeye özelliklerine etkileri. *Mediterranean Agricultural Sciences*, 29(3): 149-154.
- Araújo, C.C., Rodrigues, K.F., Vieira Vaz, R.G.M., Contí, A.C.M., Amorim, A.F., Campos, C.F.A., 2018. Analysis of growth curves in different lineages of Caipira broiler type. *Acta Scientiarum Animal Sciences*, v40: e38809.
- Bayram, B., Akbulut, Ö., 2009. Esmer ve Siyah Alaca sığırlarda büyümeye eğrilerinin doğrusal ve doğrusal olmayan modellerle analizi. *Hayvansal Üretim*, 50(2): 33-40.
- Bilgin, Ö.C., Esenbuğa, N., 2003. Doğrusal olmayan büyümeye modellerinde parametre tahmini. *Hayvansal Üretim*, 44(2): 81-90.
- Breslow, N.E., Clayton, D.G., 1993. Approximate inference generalized linear mixed models. *Journal of the American Statistical Association*, 88(421): 9-25.
- Browne, W.J., 1998. Applying MCMC methods to multilevel models. PhD dissertation, (<http://seis.bris.ac.uk/~frwjb/materials/wbphd.pdf>), (Erişim tarihi: 10.11.2019).

- Browne, W.J., Draper, D., 2001. A Comparison of Bayesian and Likelihood-Based Methods for Fitting Multilevel Models. *Computational Statistics*. Institute of Education, University of London. UK.
- Çolak, C., Orman, M.N., Ertuğrul, O., 2006a. Simental X Güney Anadolu kırmızısı Ağırlıklarının beden ölçümü için basit doğrusal ve lojistik büyümeye modelleri. *Ankara Üniversitesi Veteriner Fakültesi Dergisi*, 53(3): 195-199.
- Çolak, C., Orman, M.N., Ertuğrul, O., 2006b. Simental X Güney Anadolu kırmızısı Ağırlarına ait canlı ağırlık ölçümüne dayanan için doğrusal ve doğrusal olmayan büyümeye eğrileri. *Lalahane Hayvancılık Araştırma Enstitüsü Dergisi*, 46(1): 1-5.
- Daskiran, I., Koncagul, S., Bingol, M., 2010. Growth characteristics of indigenous norduz female and male lambs. *Journal of Agricultural Sciences*, 16(1): 62-69.
- Demuner, L.F., Suckeversis, D., Muñoz, J.A., Caetano, V.C., Lima, C.G., Filho, D.E.F., Faria, D.E., 2017. Adjustment of growth models in broiler chickens. *Pesquisa Agropecuária Brasileira*, 52(12): 1241-1252.
- Efe, E., 1990. Büyüme eğrileri. Doktora tezi (Basılmamış), Çukurova Üniversitesi Fen Bilimleri Enstitüsü, Adana.
- Eleroğlu, H., Yıldırım, A., Canikli, A., Duman, M., Bircan, H., 2018. Analysis of growth curves of guinea (*Numida meleagris*) fed diets containing dry oregano (*Origanum vulgare L.*) in an organic system. *Ciencia Investigación Agraria*, 45(2): 99-108.
- Firat, M.Z., Bek, Y., 1997. Varyans unsurlarının tahmini için maksimum olabilirlik metodlarının karşılaştırmalı olarak incelenmesi. *Çukurova Üniversitesi Ziraat Fakültesi Dergisi*, 12(1): 1-8.
- Ghaderi-Jzefrehei, M., Rafeie, F., Behzadi, M.R.B., Nazari, S., Dolatabadi, M., Samadian, F., Najafabadi, H.A., 2018. Simple hierarchical and general nonlinear growth modeling in sheep. *Turkish Journal of Veterinary And Animal Sciences*, 42(4): 326-334.
- Goldstein, H., 2011. Multilevel Statistical Models. 4<sup>th</sup> Ed., John Wiley & Sons, Ltd. Chichester, United Kingdom.
- Hedeker, D., 2004. An introduction to growth modeling. In: D. Kaplan (Ed.), *The sage handbook of quantitative methodology for the social sciences*, Thousand Oaks, CA: Sage Publications, pp. 215-234.
- Hurvich, C.M., Tsai, C.L., 1989. Regression and time series model selection in small samples. *Biometrika*, 76(2): 297-307.
- Kocababaş, Z., Kesici, T., Eliçin, A., 1997. Akkaraman İvesi X Akkaraman ve Malya X Akkaraman kuzularında büyümeye eğrisi. *The Turkish Journal of Veterinary and Animal Sciences*, 21(3): 267-275.
- Kristjansson, S.D., Kircher, J.C., Webb, A.K., 2007. Multilevel models for repeated measures research signs in psychophysiology: An introduction to growth curve modeling. *Psychophysiology*, 44(5): 728-736.
- Lin, X., Breslow, N.E., 1996. Bias correction in generalized linear mixed models with multiple components of dispersion. *Journal of The American Statistical Association*, 91(435): 1007-1016.
- Masoudi, A., Azarfard, A., 2017. Comparison of nonlinear models describing growth curves of broiler chickens fed on different levels of corn bran. *International Journal of Avian and Wildlife Biology*, 2(1): 1-7.
- Michalczuk, M., Damaziak, K., Goryl, A., 2016. Sigmoid models for the growth curves in medium-growing meat type chickens, raised under semi-confined conditions. *Annals Animal Science*, 16(1): 65-77.
- Patterson, H.D., Thompson, R., 1971. Recovery of inter-block information when block sizes are unequal. *Biometrika*, 58(3): 545-554.
- Raudenbush, S.W., Bryk, A.S., 2002. Hierarchical Linear Models: Applications and Data Analysis Methods. 2nd Ed., Newbury Park, CA: Sage.
- Schwarz, G., 1978. Estimating the dimensions of a model. *Annals of Statistics*, 6(2): 461-464.
- Ser, G., Kaki, B., Yeşilova, A., Yılmaz, A., 2013. Genel doğrusal karışık modellerde farklı kovaryans yapıları ve tahmin yöntemlerinin performanslarının karşılaştırılması. *Hayvansal Üretim*, 54(2): 18-23.
- Simsek, B., Firat, M.Z., 2011. Application of multilevel analysis in animal sciences. *Applied Mathematics and Computation*, 218(3): 1067-1071.
- Singer, J.D., 1998. Using SAS PROC MIXED to fit multilevel models, hierarchical models and individual growth models. *Journal of Educational and Behavioral Statistics*, 23(4): 323-355.
- Topal, M., Ozdemir, M., Aksakal, V., Yıldız, N., Dogru, U., 2004. Determination of the best nonlinear function in order to estimate growth in Morkaraman and Awassi lambs. *Small Ruminant Research*, 55(1-3): 229-232.
- Ünalan, A., Çankaya, S., 2012. Jersey sığirlarda süt verimine ait varyans unsurlarının farklı yöntemlerle tahmini. *Anadolu Tarım Bilimleri Dergisi*, 27(1): 41-47.
- Van Der Leeden, R., 1998. Multilevel analysis of repeated measures data. *Quality and Quantity*, 32(1): 15-29.
- Yıldız, G., Soysal, M.İ., Gürcan, E.K., 2009. Tekirdağ ilinde yetiştirilen Karacabey Merinosu X Kırvırcık Melezi kuzularda büyümeye eğrisinin farklı modellerle belirlenmesi. *Tekirdağ Ziraat Fakültesi Dergisi*, 6(1): 11-19.
- Zhao, Z., Li, S., Huang, H., Li, C., Wang, Q., Xue, L., 2015. Comparative study on growth and developmental model of indigenous chicken breeds in China. *Open Journal of Animal Sciences*, 5(02): 219-223.